

École Normale Supérieure

# Langages de programmation et compilation

Jean-Christophe Filliâtre

Cours 6 / 9 novembre 2015

quel point commun ?



l'objectif de l'analyse syntaxique est de reconnaître les phrases appartenant à la syntaxe du langage

son entrée est le flot des lexèmes construits par l'analyse lexicale,  
sa sortie est un arbre de syntaxe abstraite

suite de lexèmes

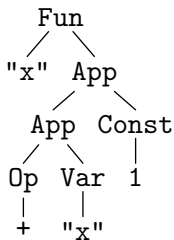
|     |   |    |   |   |   |   |   |
|-----|---|----|---|---|---|---|---|
| fun | x | -> | ( | x | + | 1 | ) |
|-----|---|----|---|---|---|---|---|



analyse syntaxique



syntaxe abstraite



en particulier, l'analyse syntaxique doit détecter les erreurs de syntaxe et

- les localiser précisément
- les identifier (le plus souvent seulement « erreur de syntaxe » mais aussi « parenthèse non fermée », etc.)
- voire, reprendre l'analyse pour découvrir de nouvelles erreurs

pour l'analyse syntaxique, on va utiliser

- une **grammaire non contextuelle** pour décrire la syntaxe
- un **automate à pile** pour la reconnaître

c'est l'analogie des expressions régulières / automates finis utilisés dans l'analyse lexicale

## Définition

Une grammaire non contextuelle (ou hors contexte) est un quadruplet  $(N, T, S, R)$  où

- $N$  est un ensemble fini de **symboles non terminaux**
- $T$  est un ensemble fini de **symboles terminaux**
- $S \in N$  est le symbole de départ (dit **axiome**)
- $R \subseteq N \times (N \cup T)^*$  est un ensemble fini de **règles de production**

## exemple : expressions arithmétiques

$N = \{E\}$ ,  $T = \{+, *, (, ), \text{int}\}$ ,  $S = E$ ,  
et  $R = \{(E, E+E), (E, E*E), (E, (E)), (E, \text{int})\}$

en pratique on note les règles sous la forme

$$\begin{array}{l} E \rightarrow E + E \\ \quad | \quad E * E \\ \quad | \quad ( E ) \\ \quad | \quad \text{int} \end{array}$$

les terminaux de la grammaire seront les lexèmes produits par l'analyse lexicale

int désigne ici le lexème correspondant à une constante entière  
(*i.e.* sa nature, pas sa valeur)



## Définition

Un mot  $u \in (N \cup T)^*$  se **dérive** en un mot  $v \in (N \cup T)^*$ , et on note  $u \rightarrow v$ , s'il existe une décomposition

$$u = u_1 X u_2$$

avec  $X \in N$ ,  $X \rightarrow \beta \in R$  et

$$v = u_1 \beta u_2$$

exemple :

$$\underbrace{E *}_{u_1} \left( \underbrace{E}_X \right) \underbrace{)}_{u_2} \rightarrow E * \left( \underbrace{E + E}_{\beta} \right)$$

une suite  $w_1 \rightarrow w_2 \rightarrow \dots \rightarrow w_n$  est appelée une dérivation

on parle de **dérivation gauche** (resp. **droite**) si le non terminal réduit est systématiquement le plus à gauche *i.e.*  $u_1 \in T^*$  (resp. le plus à droite *i.e.*  $u_2 \in T^*$ )

on note  $\rightarrow^*$  la clôture réflexive transitive de  $\rightarrow$

$$\begin{aligned} E &\rightarrow E * E \\ &\rightarrow \text{int} * E \\ &\rightarrow \text{int} * ( E ) \\ &\rightarrow \text{int} * ( E + E ) \\ &\rightarrow \text{int} * ( \text{int} + E ) \\ &\rightarrow \text{int} * ( \text{int} + \text{int} ) \end{aligned}$$

en particulier

$$E \rightarrow^* \text{int} * ( \text{int} + \text{int} )$$

## Définition

Le **langage** défini par une grammaire non contextuelle  $G = (N, T, S, R)$  est l'ensemble des mots de  $T^*$  dérivés de l'axiome, i.e.

$$L(G) = \{ w \in T^* \mid S \rightarrow^* w \}$$

dans notre exemple

$$\text{int} * (\text{int} + \text{int}) \in L(G)$$

## Définition

À toute dérivation  $S \rightarrow^* w$ , on peut associer un **arbre de dérivation**, dont les nœuds sont étiquetés ainsi

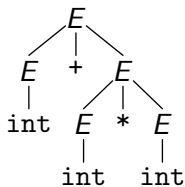
- la racine est  $S$
- les feuilles forment le mot  $w$  dans l'ordre infixe
- tout nœud interne  $X$  est un non terminal dont les fils sont étiquetés par  $\beta \in (N \cup T)^*$  avec  $X \rightarrow \beta$  une règle de la dérivation

attention : ce n'est pas la même chose que l'arbre de syntaxe abstraite

la dérivation gauche

$$E \rightarrow E + E \rightarrow \text{int} + E \rightarrow \text{int} + E * E \rightarrow \text{int} + \text{int} * E \rightarrow \text{int} + \text{int} * \text{int}$$

donne l'arbre de dérivation



mais la dérivation droite

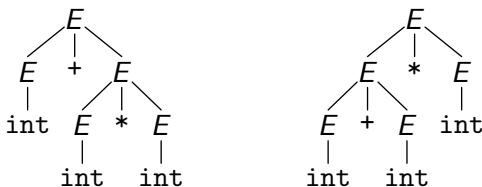
$$E \rightarrow E + E \rightarrow E + E * E \rightarrow E + E * \text{int} \rightarrow E + \text{int} * \text{int} \rightarrow \text{int} + \text{int} * \text{int}$$

également

## Définition

Une grammaire est dite **ambiguë** si un mot au moins admet plusieurs arbres de dérivation

exemple : le mot `int + int * int` admet les deux arbres de dérivations



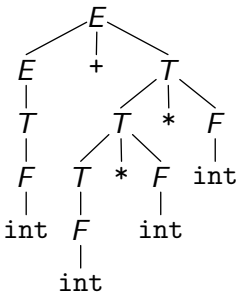
pour ce langage-là, il est néanmoins possible de proposer une autre grammaire, non ambiguë, qui définit le même langage

$$\begin{array}{l} E \rightarrow E + T \\ \quad | T \\ T \rightarrow T * F \\ \quad | F \\ F \rightarrow ( E ) \\ \quad | \text{int} \end{array}$$

cette nouvelle grammaire traduit la priorité de la multiplication sur l'addition, et le choix d'une associativité à gauche pour ces deux opérations



ainsi, le mot `int + int * int * int` n'a plus qu'un seul arbre de dérivation, à savoir



correspondant à la dérivation gauche

$$\begin{aligned}
 E &\rightarrow E + T \rightarrow T + T \rightarrow F + T \rightarrow \text{int} + T \rightarrow \text{int} + T * F \\
 &\rightarrow \text{int} + T * F * F \rightarrow \text{int} + F * F * F \rightarrow \text{int} + \text{int} * F * F \\
 &\rightarrow \text{int} + \text{int} * \text{int} * F \rightarrow \text{int} + \text{int} * \text{int} * \text{int}
 \end{aligned}$$

déterminer si une grammaire est ou non ambiguë n'est **pas décidable**

(rappel : décidable veut dire qu'on peut écrire un programme qui, pour toute entrée, termine et répond oui ou non)

on va utiliser des **critères décidables suffisants** pour garantir qu'une grammaire est non ambiguë, et pour lesquels on sait en outre décider l'appartenance au langage efficacement (avec un automate à pile déterministe)

les classes de grammaires définies par ces critères s'appellent LL(1), LR(0), SLR(1), LALR(1), LR(1), etc.

---

## analyse descendante

idée : procéder par expansions successives du non terminal le plus à gauche (on construit donc une dérivation gauche) en partant de  $S$  et en se servant d'une **table** indiquant, pour un non terminal  $X$  à développer et les  $k$  premiers caractères de l'entrée, l'expansion  $X \rightarrow \beta$  à effectuer (en anglais on parle de *top-down parsing*)

supposons  $k = 1$  par la suite et notons  $T(X, c)$  cette table

en pratique on suppose qu'un symbole terminal  $\#$  dénote la fin de l'entrée, et la table indique donc également l'expansion de  $X$  lorsque l'on atteint la fin de l'entrée

on utilise une pile qui est un mot de  $(N \cup T)^*$  ; initialement la pile est réduite au symbole de départ

à chaque instant, on examine le sommet de la pile et le premier caractère  $c$  de l'entrée

- si la pile est vide, on s'arrête ; il y a succès si et seulement si  $c$  est  $\#$
- si le sommet de la pile est un terminal  $a$ , alors  $a$  doit être égal à  $c$ , on dépile  $a$  et on consomme  $c$  ; sinon on échoue
- si le sommet de la pile est un non terminal  $X$ , alors on remplace  $X$  par le mot  $\beta = T(X, c)$  en sommet de pile, le cas échéant, en empilant les caractères de  $\beta$  en partant du dernier ; sinon, on échoue

transformons encore la grammaire des expressions arithmétiques  
et considérons la table d'expansion suivante

$$\begin{array}{l}
 E \rightarrow T E' \\
 E' \rightarrow + T E' \\
 \quad | \epsilon \\
 T \rightarrow F T' \\
 T' \rightarrow * F T' \\
 \quad | \epsilon \\
 F \rightarrow ( E ) \\
 \quad | \text{int}
 \end{array}$$

|           | +            | *            | (            | )          | int        | #          |
|-----------|--------------|--------------|--------------|------------|------------|------------|
| <i>E</i>  |              |              | <i>TE'</i>   |            | <i>TE'</i> |            |
| <i>E'</i> | + <i>TE'</i> |              |              | $\epsilon$ |            | $\epsilon$ |
| <i>T</i>  |              |              | <i>FT'</i>   |            | <i>FT'</i> |            |
| <i>T'</i> | $\epsilon$   | * <i>FT'</i> |              | $\epsilon$ |            | $\epsilon$ |
| <i>F</i>  |              |              | ( <i>E</i> ) |            | int        |            |

(on verra plus loin comment construire cette table)

illustrons l'analyse descendante du mot

int + int \* int

|           | +           | *           | (            | ) | int        | # |
|-----------|-------------|-------------|--------------|---|------------|---|
| <i>E</i>  |             |             | <i>TE'</i>   |   | <i>TE'</i> |   |
| <i>E'</i> | <i>+TE'</i> |             |              | ε |            | ε |
| <i>T</i>  |             |             | <i>FT'</i>   |   | <i>FT'</i> |   |
| <i>T'</i> | ε           | <i>*FT'</i> |              | ε |            | ε |
| <i>F</i>  |             |             | ( <i>E</i> ) |   | int        |   |

| pile           | entrée       |
|----------------|--------------|
| <i>E</i>       | int+int*int# |
| <i>E'T</i>     | int+int*int# |
| <i>E'T'F</i>   | int+int*int# |
| <i>E'T'int</i> | int+int*int# |
| <i>E'T'</i>    | +int*int#    |
| <i>E'</i>      | +int*int#    |
| <i>E'T+</i>    | +int*int#    |
| <i>E'T</i>     | int*int#     |
| <i>E'T'F</i>   | int*int#     |
| <i>E'T'int</i> | int*int#     |
| <i>E'T'</i>    | *int#        |
| <i>E'T'F*</i>  | *int#        |
| <i>E'T'F</i>   | int#         |
| <i>E'T'int</i> | int#         |
| <i>E'T'</i>    | #            |
| <i>E'</i>      | #            |
| ε              | #            |



un analyseur descendant se programme très facilement en introduisant une fonction pour chaque non terminal de la grammaire

chaque fonction examine l'entrée et, selon le cas, la consomme ou appelle récursivement les fonctions correspondant à d'autres non terminaux, selon la table d'expansion

## programmation d'un analyseur descendant

faisons le choix d'une programmation purement applicative,  
où l'entrée est une liste de lexèmes du type

```
type token = Tplus | Tmult | Tleft | Tright | Tint | Teof
```

on va donc construire cinq fonctions qui « consomment » la liste d'entrée

```
val e : token list -> token list  
val e' : token list -> token list  
val t : token list -> token list  
val t' : token list -> token list  
val f : token list -> token list
```

et la reconnaissance d'une entrée pourra alors se faire ainsi

```
let recognize l =  
  e l = [Teof]
```

# programmation d'un analyseur descendant

les fonctions procèdent par filtrage sur l'entrée et suivent la table

|          | + | * | (          | ) | int        | # |
|----------|---|---|------------|---|------------|---|
| <i>E</i> |   |   | <i>TE'</i> |   | <i>TE'</i> |   |

```
let rec e = function
```

```
| (Tleft | Tint) :: _ as m -> e' (t m)
```

```
| _ -> error ()
```

|           | +            | * | ( | ) | int | # |
|-----------|--------------|---|---|---|-----|---|
| <i>E'</i> | + <i>TE'</i> |   |   | ε |     | ε |

```
and e' = function
```

```
| Tplus :: m -> e' (t m)
```

```
| (Tright | Teof) :: _ as m -> m
```

```
| _ -> error ()
```

# programmation d'un analyseur descendant

|          | + | * | (          | ) | int        | # |
|----------|---|---|------------|---|------------|---|
| <i>T</i> |   |   | <i>FT'</i> |   | <i>FT'</i> |   |

```
and t = function
| (Tleft | Tint) :: _ as m -> t' (f m)
| _ -> error ()
```

|           | +          | *      | ( | )          | int | #          |
|-----------|------------|--------|---|------------|-----|------------|
| <i>T'</i> | $\epsilon$ | $*FT'$ |   | $\epsilon$ |     | $\epsilon$ |

```
and t' = function
| (Tplus | Tright | Teof) :: _ as m -> m
| Tmult :: m -> t' (f m)
| _ -> error ()
```

# programmation d'un analyseur descendant

|          |   |   |              |   |     |   |
|----------|---|---|--------------|---|-----|---|
|          | + | * | (            | ) | int | # |
| <i>F</i> |   |   | ( <i>E</i> ) |   | int |   |

```
and f = function
| Tint :: m -> m
| Tleft :: m -> begin match e m with
  | Tright :: m -> m
  | _ -> error ()
end
| _ -> error ()
```

## remarques

- la table d'expansion n'est pas explicite : elle est dans le code de chaque fonction
- la pile non plus n'est pas explicite : elle est réalisée par la pile d'appels
- on aurait pu les rendre explicites
  
- on aurait pu aussi faire le choix d'une programmation plus impérative

```
val next_token : unit -> token
```

reste une question d'importance : comment construire la table ?

l'idée est simple : pour décider si on réalise l'expansion  $X \rightarrow \beta$  lorsque le premier caractère de l'entrée est  $c$ , on va chercher à déterminer si  $c$  fait partie des **premiers** caractères des mots reconnus par  $\beta$

une difficulté se pose pour une production telle que  $X \rightarrow \epsilon$ , et il faut alors considérer aussi l'ensemble des caractères qui peuvent **suivre**  $X$

déterminer les premiers et les suivants nécessite également de déterminer si un mot peut se dériver en  $\epsilon$

### Définition (NULL)

Soit  $\alpha \in (T \cup N)^*$ .  $\text{NULL}(\alpha)$  est vrai si et seulement si on peut dériver  $\epsilon$  à partir de  $\alpha$  i.e.  $\alpha \rightarrow^* \epsilon$ .

### Définition (FIRST)

Soit  $\alpha \in (T \cup N)^*$ .  $\text{FIRST}(\alpha)$  est l'ensemble de tous les premiers terminaux des mots dérivés de  $\alpha$ , i.e.  $\{a \in T \mid \exists w. \alpha \rightarrow^* aw\}$ .

### Définition (FOLLOW)

Soit  $X \in N$ .  $\text{FOLLOW}(X)$  est l'ensemble de tous les terminaux qui peuvent apparaître après  $X$  dans une dérivation, i.e.  $\{a \in T \mid \exists u, w. S \rightarrow^* uXaw\}$ .



pour calculer  $\text{NULL}(\alpha)$  il suffit de déterminer  $\text{NULL}(X)$  pour  $X \in N$

$\text{NULL}(X)$  est vrai si et seulement si

- il existe une production  $X \rightarrow \epsilon$ ,
- ou il existe une production  $X \rightarrow Y_1 \dots Y_m$  où  $\text{NULL}(Y_i)$  pour tout  $i$

problème : il s'agit d'un ensemble d'équations mutuellement récursives

dit autrement, si  $N = \{X_1, \dots, X_n\}$  et si  $\vec{V} = (\text{NULL}(X_1), \dots, \text{NULL}(X_n))$ , on cherche la **plus petite solution** d'une équation de la forme

$$\vec{V} = F(\vec{V})$$

## Théorème (existence d'un plus petit point fixe (Tarski))

Soit  $A$  un ensemble fini muni d'une relation d'ordre  $\leq$  et d'un plus petit élément  $\varepsilon$ . Toute fonction  $f : A \rightarrow A$  croissante, i.e. telle que  $\forall x, y. x \leq y \Rightarrow f(x) \leq f(y)$ , admet un plus petit point fixe.

preuve : comme  $\varepsilon$  est le plus petit élément, on a  $\varepsilon \leq f(\varepsilon)$   
 $f$  étant croissante, on a donc  $f^k(\varepsilon) \leq f^{k+1}(\varepsilon)$  pour tout  $k$   
 $A$  étant fini, il existe donc un plus petit  $k_0$  tel que  $f^{k_0}(\varepsilon) = f^{k_0+1}(\varepsilon)$   
 $a_0 = f^{k_0}(\varepsilon)$  est donc un point fixe de  $f$

soit  $b$  un autre point fixe de  $f$   
on a  $\varepsilon \leq b$  et donc  $f^k(\varepsilon) \leq f^k(b)$  pour tout  $k$   
en particulier  $a_0 = f^{k_0}(\varepsilon) \leq f^{k_0}(b) = b$   
 $a_0$  est donc le plus petit point fixe de  $f$

□

le théorème de Tarski donne des conditions suffisantes mais pas nécessaires

dans le cas du calcul de NULL, on a  $A = \text{BOOL} \times \dots \times \text{BOOL}$  avec  $\text{BOOL} = \{\text{false}, \text{true}\}$

on peut munir  $\text{BOOL}$  de l'ordre  $\text{false} \leq \text{true}$  et  $A$  de l'ordre point à point

$$(x_1, \dots, x_n) \leq (y_1, \dots, y_n) \quad \text{si et seulement si} \quad \forall i. x_i \leq y_i$$

le théorème s'applique alors en prenant

$$\varepsilon = (\text{false}, \dots, \text{false})$$

car la fonction calculant  $\text{NULL}(X)$  à partir des  $\text{NULL}(X_i)$  est croissante

pour calculer les  $\text{NULL}(X_i)$ , on part donc de

$$\text{NULL}(X_1) = \text{false}, \dots, \text{NULL}(X_n) = \text{false}$$

et on applique les équations jusqu'à obtention du point fixe *i.e.* jusqu'à ce que la valeur des  $\text{NULL}(X_i)$  ne soit plus modifiée

$$\begin{array}{l}
 E \rightarrow T E' \\
 E' \rightarrow + T E' \\
 \quad | \epsilon \\
 T \rightarrow F T' \\
 T' \rightarrow * F T' \\
 \quad | \epsilon \\
 F \rightarrow ( E ) \\
 \quad | \text{int}
 \end{array}$$

| $E$   | $E'$  | $T$   | $T'$  | $F$   |
|-------|-------|-------|-------|-------|
| false | false | false | false | false |
| false | true  | false | true  | false |
| false | true  | false | true  | false |

pourquoi cherche-t-on le **plus petit** point fixe ?

- ⇒ par récurrence sur le nombre d'étapes du calcul précédent, on montre que si  $\text{NULL}(X) = \text{true}$  alors  $X \rightarrow^* \epsilon$
- ⇐ par récurrence sur le nombre d'étapes de la dérivation  $X \rightarrow^* \epsilon$ , on montre que  $\text{NULL}(X) = \text{true}$  par le calcul précédent

de même, les équations définissant FIRST sont mutuellement récursives

$$\text{FIRST}(X) = \bigcup_{X \rightarrow \beta} \text{FIRST}(\beta)$$

et

$$\text{FIRST}(\epsilon) = \emptyset$$

$$\text{FIRST}(a\beta) = \{a\}$$

$$\text{FIRST}(X\beta) = \text{FIRST}(X), \quad \text{si } \neg \text{NULL}(X)$$

$$\text{FIRST}(X\beta) = \text{FIRST}(X) \cup \text{FIRST}(\beta), \quad \text{si } \text{NULL}(X)$$

de même, on procède par calcul de point fixe sur le produit cartésien

$A = \mathcal{P}(T) \times \cdots \times \mathcal{P}(T)$  muni, point à point, de l'ordre  $\subseteq$  et avec

$\epsilon = (\emptyset, \dots, \emptyset)$



$$\begin{aligned}
 E &\rightarrow T E' \\
 E' &\rightarrow + T E' \\
 &\quad | \quad \epsilon \\
 T &\rightarrow F T' \\
 T' &\rightarrow * F T' \\
 &\quad | \quad \epsilon \\
 F &\rightarrow ( E ) \\
 &\quad | \quad \text{int}
 \end{aligned}$$

NULL

| $E$   | $E'$ | $T$   | $T'$ | $F$   |
|-------|------|-------|------|-------|
| false | true | false | true | false |

FIRST

| $E$                  | $E'$        | $T$                  | $T'$        | $F$                  |
|----------------------|-------------|----------------------|-------------|----------------------|
| $\emptyset$          | $\emptyset$ | $\emptyset$          | $\emptyset$ | $\emptyset$          |
| $\emptyset$          | $\{+\}$     | $\emptyset$          | $\{*\}$     | $\{(, \text{int})\}$ |
| $\emptyset$          | $\{+\}$     | $\{(, \text{int})\}$ | $\{*\}$     | $\{(, \text{int})\}$ |
| $\{(, \text{int})\}$ | $\{+\}$     | $\{(, \text{int})\}$ | $\{*\}$     | $\{(, \text{int})\}$ |
| $\{(, \text{int})\}$ | $\{+\}$     | $\{(, \text{int})\}$ | $\{*\}$     | $\{(, \text{int})\}$ |

là encore, les équations définissant FOLLOW sont mutuellement récursives

$$\text{FOLLOW}(X) = \bigcup_{Y \rightarrow \alpha X \beta} \text{FIRST}(\beta) \cup \bigcup_{Y \rightarrow \alpha X \beta, \text{NULL}(\beta)} \text{FOLLOW}(Y)$$

on procède par calcul de point fixe, sur le même domaine que pour FIRST

note : il faut introduire  $\#$  dans les suivants du symbole de départ  
(ce que l'on peut faire directement, ou en ajoutant une règle  $S' \rightarrow S\#$ )

NULL

| $E$   | $E'$ | $T$   | $T'$ | $F$   |
|-------|------|-------|------|-------|
| false | true | false | true | false |

$E \rightarrow T E'$   
 $E' \rightarrow + T E'$   
 $\quad \mid \epsilon$   
 $T \rightarrow F T'$   
 $T' \rightarrow * F T'$   
 $\quad \mid \epsilon$   
 $F \rightarrow ( E )$   
 $\quad \mid \text{int}$

FIRST

| $E$      | $E'$ | $T$      | $T'$ | $F$      |
|----------|------|----------|------|----------|
| {(, int} | {+}  | {(, int} | {*}  | {(, int} |

FOLLOW

| $E$    | $E'$        | $T$         | $T'$        | $F$          |
|--------|-------------|-------------|-------------|--------------|
| {#}    | $\emptyset$ | $\emptyset$ | $\emptyset$ | $\emptyset$  |
| {#, )} | {#}         | {+, #}      | $\emptyset$ | {*}          |
| {#, )} | {#, )}      | {+, #, )}   | {+, #}      | {*, +, #}    |
| {#, )} | {#, )}      | {+, #, )}   | {+, #, )}   | {*, +, #, )} |
| {#, )} | {#, )}      | {+, #, )}   | {+, #, )}   | {*, +, #, )} |

à l'aide des premiers et des suivants, on construit la table d'expansion  $T(X, a)$  de la manière suivante

pour chaque production  $X \rightarrow \beta$ ,

- on pose  $T(X, a) = \beta$  pour tout  $a \in \text{FIRST}(\beta)$
- si  $\text{NULL}(\beta)$ , on pose aussi  $T(X, a) = \beta$  pour tout  $a \in \text{FOLLOW}(X)$

|      |               |            |        |          |        |           |           |              |  |
|------|---------------|------------|--------|----------|--------|-----------|-----------|--------------|--|
| $E$  | $\rightarrow$ | $TE'$      | FIRST  |          |        |           |           |              |  |
| $E'$ | $\rightarrow$ | $+TE'$     |        | $E$      | $E'$   | $T$       | $T'$      | $F$          |  |
|      | $ $           | $\epsilon$ |        | {(, int} | {+}    | {(, int}  | {*}       | {(, int}     |  |
| $T$  | $\rightarrow$ | $FT'$      |        |          |        |           |           |              |  |
| $T'$ | $\rightarrow$ | $*FT'$     | FOLLOW |          |        |           |           |              |  |
|      | $ $           | $\epsilon$ |        | $E$      | $E'$   | $T$       | $T'$      | $F$          |  |
| $F$  | $\rightarrow$ | $(E)$      |        | {#, )}   | {#, )} | {+, #, )} | {+, #, )} | {*, +, #, )} |  |
|      | $ $           | int        |        |          |        |           |           |              |  |

|      | +          | *      | (     | )          | int   | #          |
|------|------------|--------|-------|------------|-------|------------|
| $E$  |            |        | $TE'$ |            | $TE'$ |            |
| $E'$ | $+TE'$     |        |       | $\epsilon$ |       | $\epsilon$ |
| $T$  |            |        | $FT'$ |            | $FT'$ |            |
| $T'$ | $\epsilon$ | $*FT'$ |       | $\epsilon$ |       | $\epsilon$ |
| $F$  |            |        | $(E)$ |            | int   |            |

### Définition (grammaire LL(1))

*Une grammaire est dite LL(1) si, dans la table précédente, il y a au plus une production dans chaque case.*

LL signifie « **L**eft to right scanning, **L**eftmost derivation »

il faut souvent transformer les grammaires pour les rendre LL(1)

en particulier, une grammaire **réursive gauche**, *i.e.* contenant une production de la forme

$$X \rightarrow X\alpha$$

ne sera jamais LL(1)

il faut alors supprimer la récursion gauche (directe ou indirecte)

de même il faut factoriser les productions qui commencent par le même terminal (factorisation gauche)

les analyseurs LL(1) sont relativement simples à écrire  
(cf TD de cette semaine)

mais ils nécessitent d'écrire des grammaires peu naturelles

on va se tourner vers une autre solution (la semaine prochaine)



- TD cette semaine
  - analyseur LL(1)
  
- cours semaine prochaine
  - analyse syntaxique 2/2